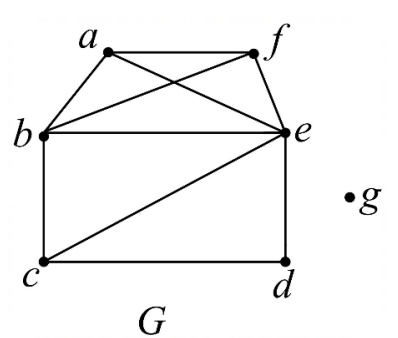


سؤالات آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته	پایه: دوازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۶/۰۱
تعداد صفحه: ۲	مدت آزمون: ۱۱۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران	نام و نام خانوادگی: کد درس: ۱۲۰۷۱
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) - تابستان ۱۴۰۴			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش			Azmoon.medu.ir
ردیف	سؤالات (پاسخ برگ دارد)		
	نمره		

۰/۷۵	۱	درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید. الف) برای هر دو عدد حقیقی a و b ، اگر $a^2 + b^2 = 0$ باشد، آن گاه $a = 0$ و $b = 0$. ب) تعداد یالهای هرگراف، نصف مجموع درجات رأسهای آن گراف است. ج) دو مربع لاتین متعامد از مرتبه ۳ وجود ندارد.
۱/۲۵	۲	جاهای خالی را با عبارتهای مناسب کامل کنید. الف) حاصل عبارت $[15, 72, 48]$ برابر است. ب) هرگاه بین هر دو رأس یک گراف حداقل یک مسیر وجود داشته باشد، آن گراف را می نامیم. ج) مجموع درایه های روی قطر اصلی یک مربع چرخشی 5×5 برابر است. د) تعداد حالت هایی که می توان ۲ کتاب متفاوت را بین ۴ نفر توزیع کرد به شرط آن که هیچ کس بیشتر از یک کتاب نداشته باشد، برابر است.
۱.۵	۳	ثابت کنید برای هر عدد طبیعی n ، عبارت $n^2 - 9n + 1$ همواره عددی فرد است.
۱.۵	۴	اگر باقی مانده تقسیم اعداد صحیح a و b بر ۲۳ به ترتیب ۶ و ۷ باشد، آن گاه باقی مانده تقسیم عدد $3a - 5b$ بر ۲۳ را به دست آورید.
۱.۲۵	۵	اگر a عدد صحیح بزرگتر از یک و $11k + 5$ و $7k + 3$ ، a ثابت کنید a عددی اول است.
۱	۶	در صورتی که دهم مهر در یک سال دوشنبه باشد، ۲۹ اسفند در همان سال چند شنبه است؟ (ذکر راه حل الزامی است.)
۱.۲۵	۷	جواب عمومی معادله هم نهشتی $9x \equiv 750 \pmod{463}$ را به دست آورید.
۱.۵	۸	گراف G را در نظر بگیرید. الف) مقدار $d_{\bar{G}}(e)$ را به دست آورید. ب) حاصل $q(\bar{G})$ را به دست آورید. ج) دوری به طول ۶ با شروع از رأس a در گراف G بنویسید. د) گراف G چند رأس زوج دارد؟ 
۱	۹	اگر G یک گراف k -منتظم از مرتبه ۷ و دارای ۱۴ یال باشد، آن گاه مقدار $\Delta(G)$ را به دست آورید.
صفحه ۱ از ۲		

سؤالات آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته	پایه: دوازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۶/۰۱
تعداد صفحه: ۲	مدت آزمون: ۱۱۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران	نام و نام خانوادگی: کد درس: ۱۲۰۷۱
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) - تابستان ۱۴۰۴			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir			
ردیف	سؤالات (پاسخ برگ دارد)		
	نمره		

۲	گراف زیر را در نظر بگیرید. الف) با اضافه کردن کدام رأس، به مجموعه $A = \{a, b, i\}$ می توان آن را به یک مجموعه احاطه گر تبدیل کرد؟ ب) سه مجموعه احاطه گر ۴ عضوی غیرمینیمالی که شامل رأس f باشند را بنویسید. ج) یک مجموعه احاطه گر مینیمم برای این گراف بنویسید. د) عدد احاطه گری این گراف را مشخص کنید.	۱۰
۱	الف) گراف P_8 را رسم کنید. ب) در این گراف یک مسیر به طول ۶ بنویسید.	۱۱
۱	به چند طریق می توان ۹ نفر را در سه اتاق ۲ نفره، ۳ نفره و ۴ نفره واقع در یک هتل اسکان داد؟ (ذکر راه حل الزامی است).	۱۲
۱	تعداد جواب های صحیح مثبت معادله $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 8$ را محاسبه کنید.	۱۳
۱.۲۵	مربع لاتین A را در بگیرید: الف) با تعویض جای سطر اول و سطر سوم یک مربع لاتین دیگری به دست آورید و آن را B بنامید. ب) آیا دو مربع لاتین A و B متعامد هستند؟ چرا؟	۱۴
۱.۵	به چند طریق می توان ۴ مهره به رنگ های سبز، قرمز، آبی و سفید را در ۳ ظرف قرار دهیم، به شرطی که هیچ ظرفی خالی نماند؟ (ذکر راه حل الزامی است).	۱۵
۱.۲۵	تعیین کنید ۴۶ شاخه گل را حداکثر در چند گلدان قرار دهیم تا اطمینان داشته باشیم گلدانی هست که در آن حداقل ۵ شاخه گل قرار گرفته است؟ (ذکر راه حل الزامی است).	۱۶
۲۰	مجموع نمرات	صفحه ۲ از ۲
موفق باشید		

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته		پایه: دوازدهم		رشته: ریاضی و فیزیک		تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۶/۰۱	
تعداد صفحه: ۴		مدت آزمون: ۱۱۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران			
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) – تابستان ۱۴۰۴				مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir			
ردیف		راهنمای نمره‌گذاری					
نمره							

۱	الف) درست (۰.۲۵) ۳ ص ب) درست (۰.۲۵) ۳۹ ص ج) نادرست (۰.۲۵) ۶۷ ص	۰.۷۵
۲	الف) ۱۲۰ (۰.۲۵) ۱۷ ص ب) همبند (۰.۲۵) ۳۹ ص ج) ۵ (۰.۲۵) ۶۳ ص د) ۱۲ یا ۴ × ۳ یا P(۴, ۲) یا $\frac{4!}{2!}$ یا $2! \times \binom{4}{2}$ هر مورد که نوشته شود (۰.۵) نمره داده شود. ۷۸ ص	۱.۲۵
۳	۴ ص $\begin{cases} \overbrace{n = 2k}^{(۰.۲۵)} \Rightarrow n^2 - 9n + 1 = \overbrace{(2k)^2 - 9(2k) + 1}^{(۰.۵)} = 2(2k^2 - 9k) + 1 = 2t + 1 \\ \overbrace{n = 2k + 1}^{(۰.۲۵)} \Rightarrow n^2 - 9n + 1 = \overbrace{(2k + 1)^2 - 9(2k + 1) + 1}^{(۰.۵)} = 2(2k^2 - 7k - 4) + 1 = 2q + 1 \end{cases}$	۱.۵
۴	روش اول: $\begin{aligned} \overbrace{a = 23q_1 + 6}^{(۰.۲۵)} &\Rightarrow \overbrace{3a = 3 \times 23q_1 + 18}^{(۰.۲۵)} \\ \overbrace{b = 23q_2 + 7}^{(۰.۲۵)} &\Rightarrow \overbrace{-5b = -5 \times 23q_2 - 35}^{(۰.۲۵)} \Rightarrow 3a - 5b = 23(3q_1 - 5q_2) - 17 + 23 - 23 \quad (۰.۲۵) \\ &= 23(\underbrace{3q_1 - 5q_2 - 1}_{q_2}) + 6 \Rightarrow r = 6 \quad (۰.۲۵) \end{aligned}$ روش دوم: $\begin{aligned} \overbrace{a \equiv 6}^{(۰.۵)} &\Rightarrow \overbrace{3a \equiv 18}^{(۰.۲۵)} \\ \overbrace{b \equiv 7}^{(۰.۵)} &\Rightarrow \overbrace{-5b \equiv -35}^{(۰.۲۵)} \Rightarrow 3a - 5b \equiv -17 \equiv 6 \Rightarrow r = 6 \quad (۰.۲۵) \end{aligned}$ روش سوم: $\begin{aligned} \overbrace{a = 23q_1 + 6}^{(۰.۲۵)} &\Rightarrow \overbrace{23 \mid a - 6}^{(۰.۲۵)} \\ \overbrace{b = 23q_2 + 7}^{(۰.۲۵)} &\Rightarrow \overbrace{23 \mid b - 7}^{(۰.۲۵)} \Rightarrow \overbrace{23 \mid 3(a - 6) - 5(b - 7) - 23}^{(۰.۵)} \\ &\Rightarrow \overbrace{23 \mid 3a - 5b - 6}^{(۰.۵)} \Rightarrow 3a - 5b = 23q_3 + 6 \Rightarrow r = 6 \end{aligned}$ ۱۴ ص	۱.۵
	صفحه ۱ از ۴	

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته		پایه: دوازدهم		رشته: ریاضی و فیزیک		تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۶/۰۱	
تعداد صفحه: ۴		مدت آزمون: ۱۱۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران			
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) – تابستان ۱۴۰۴							
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش				Azmoon.medu.ir			
ردیف		راهنمای نمره‌گذاری					
نمره							

۱.۲۵	$a \mid 11k + 5, a \mid 7k + 3 \Rightarrow a \mid 77k + 35, a \mid 77k + 33$ $\Rightarrow a \mid \overbrace{(77k + 35)}^{(0.25)} - \overbrace{(77k + 33)}^{(0.25)}$ $\Rightarrow \overbrace{a \mid 2}^{(0.25)} \Rightarrow a = 2$ $\begin{cases} \overbrace{11k + 5 = aq_1}^{(0.25)} \Rightarrow \overbrace{77k + 35 = aq_7}^{(0.25)} \\ \overbrace{7k + 3 = aq_3}^{(0.25)} \Rightarrow \overbrace{77k + 33 = aq_9}^{(0.25)} \end{cases} \Rightarrow \underbrace{2 = aq_5}_{(0.25)} \Rightarrow q_5 = 1, \underbrace{a = 2}_{(0.5)}$	۵														
۱	روز سه‌شنبه (۰.۲۵) $20 + 4 \times 30 + 29 \equiv 169 \equiv 1 \pmod{7} \quad (0.25)$ <table><tr><td>د</td><td>س</td><td>چ</td><td>پ</td><td>ج</td><td>ش</td><td>ی</td></tr><tr><td>۰</td><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td><td>۴</td><td>۵</td><td>۶</td></tr></table>	د	س	چ	پ	ج	ش	ی	۰	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۶
د	س	چ	پ	ج	ش	ی										
۰	۱	۲	۳	۴	۵	۶										
۱.۲۵	$463x \equiv 750 \pmod{9} \Rightarrow (4+6+3)x \equiv (7+5+0) \pmod{9}$ $\Rightarrow \overbrace{4x \equiv 12}^{(0.25)} \Rightarrow \overbrace{x \equiv 3}^{(0.25)} \Rightarrow x = 9k + 3$ ملاحظات: اگر معادله با تبدیل به معادله سیاله یا هر روش دیگر حل شود و به جواب نهایی درست منتهی گردد نمره کامل منظور گردد.	۷														
۱.۵	الف) $d_{\bar{G}}(e) = 1 \quad (0.5)$ ب) $q(\bar{G}) = \frac{7(7-1)}{2} - 10 = 11 \quad (0.5)$ ج) $a f e d c b a$ یا $a b c d e f a \quad (0.25)$ برای هر مورد که نوشته شود (۰.۲۵) د) ۳ (۰.۲۵)	۸														
۱	$\underbrace{kp = 2q}_{(0.25)} \Rightarrow \underbrace{k(7)}_{(0.25)} = \underbrace{28}_{(0.25)} \Rightarrow \underbrace{k = 4}_{(0.25)} \Rightarrow \underbrace{\Delta(G) = k = 4}_{(0.25)}$	۹														
۲	الف) $e \quad (0.5)$ ب) $\{f, c, b, h\} \quad (0.25), \{f, c, d, h\} \quad (0.25), \{f, a, d, h\} \quad (0.25)$ ج) $B = \{c, h, b\}$ یا $A = \{c, h, d\} \quad (0.25)$ د) $\gamma(G) = 3 \quad (0.5)$	۱۰														
صفحه ۲ از ۴																

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس:ریاضیات گسسته		پایه: دوازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۶/۰۱
تعداد صفحه: ۴		مدت آزمون: ۱۱۰دقیقه		ساعت شروع: ۷صبح به وقت تهران
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) – تابستان ۱۴۰۴		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir		
ردیف	راهنمای نمره‌گذاری			
نمره				

۱	رسم نمودار (۰/۵) الف	$\begin{matrix} a & b & c & d & e & f & g & h \\ \bullet & \bullet & \bullet & \bullet & \bullet & \bullet & \bullet & \bullet \end{matrix}$	۱۱
۱	برای هر مورد که نوشته شود (۰/۵) $abcdefg$ یا $bcdefgh$ یا $hgfedcb$ یا $gfedcba$ (ب)	ص ۳۸	
۱	$\frac{\overbrace{9!}^{(۰.۲۵)}}{2! \times 3! \times 4!} \quad (۰.۷۵)$ روش اول: $\underbrace{\binom{9}{2} \binom{7}{3} \binom{4}{4}}_{(1)}$ روش دوم: $\binom{9}{4} \binom{5}{3} \binom{2}{2} \quad \text{یا} \quad \binom{9}{4} \binom{5}{3} \binom{2}{2} \quad \text{یا} \quad \binom{9}{4} \binom{5}{3} \binom{2}{2} \quad \dots$	ص ۵۹	۱۲
۱	$\overbrace{\binom{n-1}{k-1}}^{(۰.۷۵)} = \binom{7}{3} = 35 \quad (۰.۲۵)$ $\underbrace{y_i = x_i - 1}_{(۰.۲۵)} : 1 \leq x_i \leq 4 \Rightarrow \underbrace{y_1 + y_2 + y_3 + y_4}_{(۰.۲۵)} = 4$ $\Rightarrow \underbrace{\binom{n+k-1}{k-1}}_{(۰.۵)} = \binom{7}{3} = 35$ روش سوم: مثل این است که از ۴ نوع گل، ۸ شاخه برداریم به شرط آن که از هر گل حداقل یک شاخه انتخاب کرده باشیم. (۰.۲۵) پس: $\underbrace{\binom{7}{3}}_{(۰.۷۵)} = 35$	ص ۶۱	۱۳
	صفحه ۳ از ۴		

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته		پایه: دوازدهم		رشته: ریاضی و فیزیک		تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۶/۰۱	
تعداد صفحه: ۴		مدت آزمون: ۱۱۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران			
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) – تابستان ۱۴۰۴							
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش				Azmoon.medu.ir			
ردیف		راهنمای نمره‌گذاری					
نمره							

۱۴	الف) رسم جدول (۰.۵) $B = \begin{bmatrix} 3 & 1 & 2 \\ 2 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$ ب) روش اول: بله (۰.۲۵) زیرا در مربع زیر عدد دورقمی تکراری وجود ندارد (۰.۲۵) رسم جدول (۰.۲۵) $\begin{bmatrix} 13 & 21 & 32 \\ 22 & 33 & 11 \\ 31 & 12 & 23 \end{bmatrix}$ روش دوم: بله (۰.۲۵)، زیرا هر دو جایگاه در مربع A که اعداد یکسانی دارند، جایگاه‌های نظیر آن‌ها از مربع B اعداد متمایزی دارند (۰.۵) ص ۷۲	
۱۵	تعداد حالات ممکن، معادل با پیدا کردن تعداد توابع پوشا از یک مجموعه ۴ عضوی به یک مجموعه ۳ عضوی است. $A_j = \{f: A \rightarrow B \mid f(a_i) \neq b_j\}; \quad 1 \leq i \leq 4, 1 \leq j \leq 3$ $\overline{A_1 \cap \overline{A_2} \cap \overline{A_3}} = \overline{A_1 \cup A_2 \cup A_3} = S - A_1 \cup A_2 \cup A_3 $ $= \underbrace{3^4}_{(0.25)} - (\underbrace{3 \times 2^4}_{(0.75)} - \underbrace{3 \times 1^4}_{(0.25)} + 0) = 36 \quad (0.25)$ ص ۷۷	
۱۶	طبق اصل لانه کبوتری داریم: (۰.۲۵) $\begin{cases} \overbrace{k+1=5 \Rightarrow k=4}^{(0.25)} \\ \underbrace{kn+1=46}_{(0.25)} \Rightarrow \underbrace{4n+1=46}_{(0.25)} \Rightarrow n = \underbrace{\left\lfloor \frac{45}{4} \right\rfloor}_{(0.25)} = 11 \end{cases}$ ص ۸۲	
۲۰	مجموع نمرات	صفحه ۴ از ۴
موفق باشید		